

ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ
ΗΜΕΡΗΣΙΩΝ ΚΑΙ ΕΣΠΕΡΙΝΩΝ ΓΕΝΙΚΩΝ ΛΥΚΕΙΩΝ
ΔΕΥΤΕΡΑ 12 ΙΟΥΝΙΟΥ 2023
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ
ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

A1. β

A2. δ

A3. β

A4. α

A5. α) Λ

β) Σ

γ) Σ

δ) Λ

ε) Λ

ΘΕΜΑ Β

B1. Σωστό το (i)

Η φάση του κύματος την χρονική στιγμή $t=t_1$ είναι:

$$\varphi = 2\pi \left(\frac{t_1}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) \text{ (S.I.)}$$

- Για $x=0$, $\varphi=4\pi$ rad οπότε:

$$4\pi = \frac{4\pi}{T} \quad \text{ή} \quad T=1\text{ s.}$$

- Για $x=4\text{ m}$, $\varphi=0$ οπότε:

$$0 = 2 - \frac{4}{\lambda} \quad \text{ή} \quad \frac{4}{\lambda} = 2 \quad \text{ή} \quad \lambda = 2\text{ m.}$$

Η ταχύτητα διάδοσης του κύματος είναι:

$$u_s = \frac{\lambda}{T} = 2\text{ m/s}$$

Θα σχεδιάσουμε το στιγμιότυπο την χρονική στιγμή $t=2,5$ s:

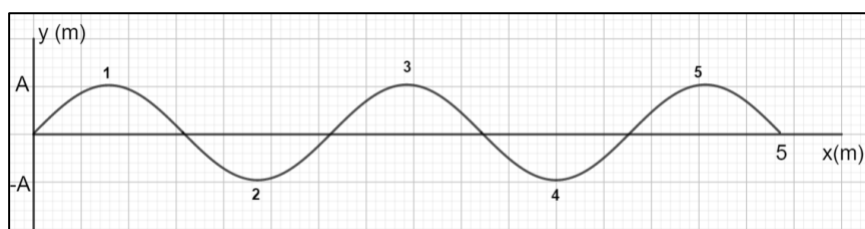
Το κύμα την χρονική στιγμή $t_2=2,5$ s φτάνει στο σημείο που έχει θέση:

$$x_2 = u \cdot t_2 = 5\text{ m}$$

Ισχύει ότι:

$$\frac{x_2}{\lambda} = \frac{5}{2} \quad \text{ή} \quad x_2 = \frac{5}{2} \cdot \lambda = 2,5 \cdot \lambda$$

Σχεδιάζουμε το στιγμιότυπο:



Από το στιγμιότυπο προκύπτει ότι την χρονική στιγμή t_2 υπάρχουν **5 σημεία** τα οποία βρίσκονται σε ακραία θέση.

B2. Σωστό το (ii).

Η συχνότητα κατωφλίου είναι $f_0 = f_1$:

Υπολογίζουμε την συχνότητα κατωφλίου:

$$K_{\max} \geq 0 \quad \text{ή} \quad hf - \phi \geq 0 \xrightarrow{\text{οριακά}} f_1 = \frac{\phi}{h} \quad (1)$$

Για προσπίπτουσα ακτινοβολία συχνότητας $f_2 = 3 \cdot f_1$ έχουμε:

$$K_{\max} = h \cdot f_2 - \phi \xrightarrow[\text{(1)}]{f_2 = 3f_1} K_{\max} = 3hf_1 - hf_1 \quad \text{ή} \quad K_{\max} = 2hf_1 \quad (2)$$

Εφαρμόζουμε ΘΜΚΕ από την κάθοδο στην άνοδο για τάση ίση με την τάση αποκοπής:

ΘΜΚΕ αν \rightarrow καθ:

$$K_{\text{αν}} - K_{\text{καθ}} = W_{\eta\lambda} \xrightarrow[\text{K}_{\text{καθ}} = K_{\text{max}}]{\text{K}_{\text{αν}} = 0} K_{\max} = e \cdot V_0 \xrightarrow{\text{(2)}} \boxed{V_0 = \frac{2hf_1}{e}}$$

B3.

α) Σωστό το (ii).

Για την ευθύγραμμη κίνηση του φορτίου στον επιλογέα ταχυτήτων ισχύει:

$$F_{\text{Lo}} = F_{\eta\lambda} \quad \text{ή} \quad qvB_1 = Eq \quad \text{ή} \quad \boxed{v = \frac{E}{B_1}} \quad (1)$$

β) Σωστό το (i)

Για την ομαλή κυκλική κίνηση των ιόντων με μάζες m_1 και m_2 στο ομογενές μαγνητικό πεδίου έντασης μέτρου B_2 έχουμε:

$$R_2 = \frac{m_2 v}{B_2 q} \quad \text{και} \quad R_1 = \frac{m_1 v}{B_2 q}$$

$$d = 2R_2 - 2R_1 \quad \text{ή} \quad d = \frac{2(m_2 - m_1)u}{B_2 q} \quad \text{ή} \quad d = \frac{2 \cdot \Delta m \cdot u}{B_2 q} \xrightarrow{(1)} \Delta m = \frac{d \cdot B_2 \cdot q}{2 \cdot \frac{E}{B_1}} \quad \text{ή}$$

$$\Delta m = \frac{d \cdot B_2 B_1 q}{2E}$$

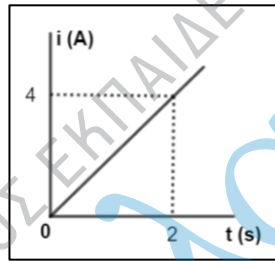
ΘΕΜΑ Γ

Γ1. Ο ρυθμός μεταβολής του ρεύματος είναι:

$$\frac{\Delta i}{\Delta t} = \frac{\Delta(2t)}{\Delta t} = 2 \text{ A/s}$$

Η γραφική παράσταση του ηλεκτρικού ρεύματος σε συνάρτηση με το χρόνο είναι:

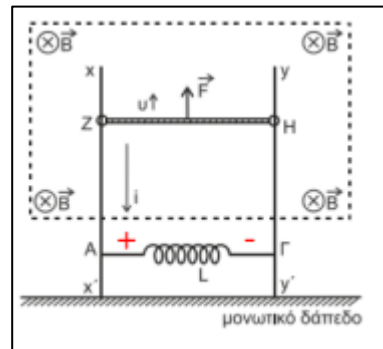
t (s)	0	2
I (A)	0	4



Το φορτίο που διέρχεται από το κύκλωμα υπολογίζεται από το εμβαδόν του χωρίου που περικλείεται μεταξύ της γραφικής παράστασης και του άξονα του χρόνου από την $t=0$ μέχρι την $t=2$ s.

$$q = E_{\text{ΤΡΙΥ}} \quad \text{ή} \quad q = \frac{2 \cdot 4}{4} \text{ C} \quad \text{ή} \quad \boxed{q = 4 \text{ C}}$$

Γ2. Η ΗΕΔ από επαγωγή στα άκρα της ράβδου την πολικότητα του σχήματος, οπότε στο Η είναι αρνητικός πόλος της ΗΕΔ από επαγωγή. Αφού το ρεύμα στο πηνίο αυξάνεται η ΗΕΔ από αυτεπαγωγή που αναπτύσσεται στα άκρα του τέτοια πολικότητα ώστε να αντιστέκεται στην αύξηση της έντασης του ρεύματος, δηλαδή το Α(+)
το Γ (-).



έχει
ο
έχει
και

$$|E_{\text{αυτ}}| = L \cdot \frac{\Delta i}{\Delta t} \quad \text{ή} \quad \boxed{|E_{\text{αυτ}}| = 1 \text{ V}}$$

Γ3.

Εφαρμόζουμε τον δεύτερο κανόνα του Kirchhoff για τον βρόχο ΗΖΑΓΗ:

$$E_{\text{επ}} - i \cdot R - |E_{\text{αυτ}}| = 0 \quad \text{ή}$$

$$i = \frac{E_{\text{επ}} - |E_{\text{αυτ}}|}{R} \quad \text{ή} \quad i = \frac{Bvl - |E_{\text{αυτ}}|}{R} \quad \text{ή} \quad \boxed{u = 1 + 2 \cdot t \text{ (S.I.)}}$$

Γ4.

α) Από τον θεμελιώδη νόμο της μηχανικής:

$$\Sigma F = ma \quad \text{ή} \quad F - mg - Bil = ma \quad \text{ή} \quad \boxed{F = 10 \text{ N}}$$

β) Για την ισχύ της δύναμης F έχουμε:

$$\frac{dW_F}{dt} = \frac{F \cdot dx}{dt} = F \cdot u$$

Για την χρονική στιγμή $t = 2\text{s}$ η ταχύτητα του αγωγού είναι:

$$u = 1 + 2 \cdot t \xrightarrow{t=2\text{s}} u = 5 \text{ m/s}$$

Άρα ο ρυθμός με τον οποίο η F προσφέρει ενέργεια στο κύκλωμα (μέρος του οποίου είναι και ο αγωγός) είναι:

$$\frac{dW_F}{dt} = Fu \quad \text{ή} \quad \boxed{\frac{dW_F}{dt} = 50 \text{ J/s}}$$

γ) Για $t = 2\text{s}$, $i = 4\text{A}$.

Άρα ο ρυθμός με τον οποίο το πηνίο αποθηκεύει ενέργεια του μαγνητικού πεδίου του πηνίου είναι:

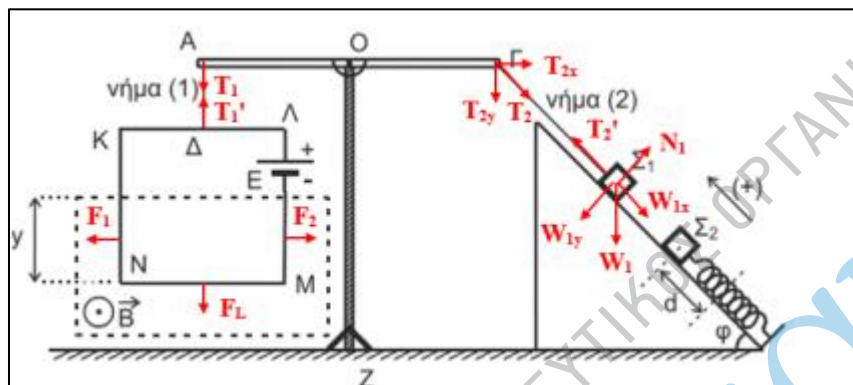
$$\frac{dU_B}{dt} = P_{\text{πην}} = E_{\text{αυτ}} i \quad \text{ή} \quad \boxed{\frac{dU_B}{dt} = 4 \text{ J/s}}$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1. Το σώμα Σ₁ στο κεκλιμένο επίπεδο ισορροπεί:

$$\Sigma F_x = 0 \text{ ή } T_2' = w_{1x} \text{ ή } T_2' = m_1 g \cdot \eta\mu 37^\circ \text{ ή}$$

$$T_2' = 18 \text{ N} \text{ άρα και } T_2 = 18 \text{ N}$$



Η ράβδος ισορροπεί:

$$\Sigma \tau_{(O)} = 0 \text{ ή } T_1 \cdot \frac{L}{2} = T_2 \cdot \frac{L}{2} \cdot \eta\mu 37^\circ \text{ ή } \boxed{T_1 = 10,8 \text{ N}}$$

Δ2. Το ηλεκτρικό ρεύμα που διαρρέει το πλαίσιο έχει ένταση:

$$I = \frac{E}{R} = 15 \text{ A}$$

Το πλαίσιο δέχεται από το νήμα (1) δύναμη μέτρου $T_1' = T_1 = 10,8 \text{ N}$

Το πλαίσιο ισορροπεί:

$$\Sigma F = 0 \text{ ή } F_L - T_1' = 0 \text{ ή } B l \alpha = T_1' \text{ ή } B = \frac{T_1'}{l \cdot \alpha} \text{ ή } \boxed{B = 0,9 \text{ T}}$$

Δ3. Το πλάτος της Α.Α.Τ του σώματος Σ₂ πριν την κρούση είναι:

$$A = d = \frac{9\pi}{100} \text{ m}$$

Η γωνιακή συχνότητα ταλάντωσης της ΑΑΤ του m_2 πριν την κρούση ισούται με:

$$\omega = \sqrt{\frac{K}{m_2}} = 10 \text{ rad/s}$$

Η ταχύτητα με την οποία το Σ_2 συγκρούεται με το σώμα Σ_1 όταν αυτό διέρχεται από την θέση ισορροπίας του ισούται με:

$$u_2 = u_{\max} = \omega \cdot A = \frac{9\pi}{10} \text{ m/s}$$

Η χρονική στιγμή που γίνεται η κρούση είναι η:

$$\Delta t = \frac{T_1}{4} \quad \text{ή} \quad \Delta t = \frac{2\pi}{4\omega} \quad \text{ή} \quad \Delta t = \frac{\pi}{20} \text{ s}$$

Η κίνηση του m_1 είναι ευθύγραμμη ομαλά επιταχυνόμενη χωρίς αρχική ταχύτητα με επιτάχυνση που έχει μέτρο:

$$\alpha = \frac{\Sigma F}{m_1} \quad \text{ή} \quad \alpha = \frac{m_1 \cdot g \cdot \eta \mu \varphi}{m_1} \quad \text{ή} \quad \alpha = 6 \text{ m/s}^2$$

Η ταχύτητα με την οποία το Σ_1 συγκρούεται με το Σ_2 έχει μέτρο:

$$u_1 = \alpha \cdot \Delta t \quad \text{ή} \quad u_1 = \frac{3\pi}{10} \text{ m/s}$$

Για την πλαστική κρούση εφαρμόζουμε ΑΔΟ :

$$\vec{p}_{\text{ολ(αρχ)}} = \vec{p}_{\text{ολ(τελ)}} \quad \text{ή} \quad m_1 \cdot u_1 - m_2 \cdot u_2 = (m_1 + m_2) \cdot V \quad \text{ή} \quad \boxed{V = 0}$$

Δ4. Στην αρχική θέση ισορροπίας του Σ_2 :

$$\Sigma F_x = 0 \quad \text{ή} \quad m_2 \cdot g \cdot \eta \mu \varphi = K \cdot \Delta l_1 \quad \text{ή} \quad \Delta l_1 = \frac{m_2 \cdot g \cdot \eta \mu \varphi}{K}$$

Στην τελική θέση ισορροπίας του συσσωματώματος:

$$\Sigma F_x = 0 \quad \text{ή} \quad (m_1 + m_2) \cdot g \cdot \eta \mu \varphi = K \cdot \Delta l_2 \quad \text{ή} \quad \Delta l_2 = \frac{(m_1 + m_2) \cdot g \cdot \eta \mu \varphi}{K}$$

Η θέση της κρούσης είναι η ακραία θέση της ΑΑΤ της ταλάντωσης του συσσωματώματος. Άρα ισχύει:

$$A' = \Delta l_2 - \Delta l_1 = \frac{m_1 \cdot g \cdot \eta \mu \varphi}{K} \quad \text{ή} \quad A' = 0,18 \text{ m}$$

Η γωνιακή συχνότητα της ΑΑΤ του συσσωματώματος ισούται με:

$$\omega' = \sqrt{\frac{K}{m_1 + m_2}} = 5 \text{ rad/s}$$

Το συσσωμάτωμα την $t=0$ βρίσκεται στην $x=+A'$. Άρα η ΑΑΤ έχει αρχική φάση $\varphi_0=\pi/2$ rad.

$$x = A' \eta\mu(\omega't + \varphi_0) \quad \text{ή} \quad \boxed{x = 0,18 \cdot \eta\mu(5t + \frac{\pi}{2}) \text{ (S.I.)}}$$

Δ5. Για την δύναμη επαναφοράς της ταλάντωσης του συσσωματώματος ισχύει:

$$\Sigma F = -Dx \quad \text{ή} \quad -(m_1 + m_2)g \cdot \eta\mu\theta + F_{\varepsilon\lambda} = -K \cdot x \quad \text{ή}$$

$$\boxed{F_{\varepsilon\lambda} = -100x + 24 \text{ (S.I.)}}$$

x (m)	-0,18	0,18
F_{ελ} (N)	42	24

